# Cuadernillo de Recuperación Matemáticas I

# 1º Bachillerato Ciencias Curso 2020/2021

## Bloque Números y Álgebra

1. Indica, de menor a mayor, todos los conjuntos numéricos a los que pertenecen los siguientes números.

$$-\frac{3}{2}$$
  $\frac{2}{3}$  1,5  $\sqrt[3]{8}$   $\sqrt{2}$  2,131331333...

2. Realiza la siguiente operación con números racionales, expresando previamente los números decimales en forma de fracción.

$$\frac{(1'\overline{3})^{-2} - 1'25 : \left[2 \cdot \left(1 - \frac{3^2}{4}\right) - 0.5\right]^{-1}}{1'\overline{6} - \frac{1'5 - \frac{2}{4}}{6}}$$

3. Realiza las siguientes operaciones.

a) 
$$\left( \left( \left( \left( 1 + \frac{1}{2} \right)^2 - \frac{5}{4} \right)^2 + 1 \right)^3 - 7 \right)^5$$

b) 
$$(3\sqrt{2} - \frac{1}{3})^3$$

$$C) \quad \sqrt{\sqrt{\frac{\sqrt{2} + \sqrt{8}}{\sqrt{20} + \sqrt{5}}}}$$

d) 
$$log_{\frac{1}{2}}\sqrt[3]{64} - log_{\sqrt{2}} 8$$

e) 
$$\frac{2}{\sqrt{5}-\sqrt{3}}-\frac{2}{\sqrt{3}-1}-\frac{4}{\sqrt{5}-1}$$

f) 
$$3\sqrt{8} - 5\sqrt{\frac{81}{2}} + 16\sqrt{\frac{1}{8}} - 5\sqrt{\frac{25}{8}}$$

g) 
$$5\sqrt{125} + 6\sqrt{45} - 7\sqrt{20} + \frac{3}{2}\sqrt{80}$$

h) 
$$\frac{\sqrt{7} - \sqrt{5}}{\sqrt{7} + \sqrt{5}} - \frac{\sqrt{7} + \sqrt{5}}{\sqrt{7} - \sqrt{5}}$$

i) 
$$\frac{1}{1-a} \cdot \sqrt[3]{\frac{1}{(a+1)^2} \cdot \sqrt[3]{(1-a)^2}}$$

$$j) \qquad \sqrt{2\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{2\sqrt{\frac{1}{2}}}}}$$

k) 
$$\frac{81^{-15} \cdot (-75)^{20}}{45^{25} \cdot (-15)^{60}}$$

k) 
$$\frac{81^{-15} \cdot (-75)^{20}}{45^{25} \cdot (-15)^{60}}$$
 l)  $\frac{0,00016 \cdot (25 \cdot 10^3 + 2000)}{0,0025}$  m)  $\frac{128,5 \cdot 10^7 - 0,8 \cdot 10^9}{15,9 \cdot 10^4}$ 

m) 
$$\frac{128,5\cdot 10^7 - 0,8\cdot 10^9}{15.9\cdot 10^4}$$

4. ¿Qué conjunto de números reales, x, cumple la desigualdad

a) 
$$|2x - 1| > 2$$
?

b) 
$$|-x+3| \le 7$$
?

- c) Calcula la unión y la intersección de los conjuntos obtenidos en los apartados anteriores y expresa la solución de todas las formas posibles.
- 5. Halla los valores de x en cada caso, expresando la solución en forma de intervalo:

a) 
$$|7-3x|=2$$

b) 
$$|x-1| \ge 6$$

**6.** Hallar:

- 7. Sabiendo que  $\log 2 \approx 0.3$ ,  $\log 3 \approx 0.47$  y  $\log 7 \approx 0.84$ , calcula  $\log_{2.4} \frac{75}{56}$ .
- 8. Determina el valor de las siguientes expresiones:

$$\begin{split} \log_2 32 + \log_3 81 - \log_5 125 & \log 100 + \log 0, 01 + \log 0, 1 \\ 2 - \log_4 16 + \log_2 8 - 3\log_7 49 & \log_8 \left[\log_4 \left(\log_2 16\right)\right] \\ \log_2 \sqrt[3]{16} + \log_3 \left(27 \cdot \sqrt{3}\right) & \log_4 \left[\log_2 \left(\log_3 81\right)\right] \\ \log_2 \sqrt[4]{8} + \log_3 \left(9 \cdot \sqrt[3]{3}\right) - \log_5 \left(\frac{\sqrt{5}}{25}\right) - \frac{\log_7 49}{\log_7 \sqrt{7}} & \log_5 \left[\left(\log_3 \left(\frac{1}{3}\right)\right)^2 + 10 \cdot \log_4 \sqrt{4} - 1\right] \end{split}$$

$$\frac{\log_2 16}{\log_2 \sqrt{2}} + \log_3 \sqrt[3]{81} - (\log_5 25) \cdot (\log_5 \sqrt{5})$$

9. Calcula el valor de x en las siguientes expresiones, (con calma ve aplicando lo que conoces de los logaritmos):

$$\log_2 \left\lceil 5 + 3 \cdot \log_3 \left( 1 + x \right) \right\rceil = 3$$

$$\log x = 3 \cdot \log 2 - 2 \cdot \log 3 + \log 5$$

$$\log_2 x = 2 \cdot \log_2 5 - 3 \cdot \log_2 3 + \frac{\log_2 27}{3} + 2$$

$$2 \cdot \log(x+4) - \log(3x+7) = 2 - 2 \cdot \log 5$$

$$\frac{\log(x^2 - 11x + 26) + \log 2}{\log(x - 6)} = 2$$

$$\log \sqrt{3x+4} + \frac{1}{2}\log(5x+1) = 1 - \log 3$$

$$\log_8 \left[ 6 + \log_4 \left( 12 + \log_2 x \right) \right] = 1$$

$$\log x = 3 \cdot \log 2 - 2 \cdot \log 5 + 2 - \frac{\log 64}{6}$$

$$\log 2 + \log (x^2 - 2) = 2 \cdot \log (2x - 2)$$

$$\frac{2 \cdot \log 2 - \log(x - 1)}{\log(2x + 1) - \log(3 - x) + \log 3} = 1$$

$$\log\left[6\cdot\log\left(3x+1\right)-2\right]=1$$

$$\frac{\log 2 + \log (11 - x^2)}{\log(5 - x)} = 2$$

- **10.** Dados dos polinomios, P(x) de grado 5 y Q(x) de grado 3:
  - a) ¿Cuál es el grado de P(x) + Q(X)?
  - b) ¿Cuál es el grado de P(x) Q(X)?
  - c) ¿Cuál es el grado de P(x): Q(X)?
  - d) ¿Qué puedes decir del grado del resto de la división P(x):Q(X)?
  - e) ¿Qué puedes decir del grado del max.c.d y del min.c. m. de (P(x),Q(X))?
- 11. Calcula:

a) 
$$(x^5 + 2x^4 - 5x^2 - 3x^3 + x^2) \cdot (2x^2 - 3x + 1)$$

b) 
$$[(x^2-9) - (x-3)^2]^2$$
 c)  $\frac{16-x^4}{x^2-4}$ 

c) 
$$\frac{16-x^4}{x^2-4}$$

d) 
$$\frac{x}{1 - \frac{1}{x+1}} - \frac{2x-1}{1 - \frac{x+1}{x}}$$

f) 
$$\left(\frac{x+1}{x-1} - 1\right) : \frac{1}{1 - \frac{x+1}{x-1}}$$

e) 
$$\frac{2x^4 - 5x^3 - 4x^2 + 3x}{-2x^4 + 3x^3 - x^2} - \frac{x^2 - 2x - 5}{x^2 - 1}$$

g) 
$$\frac{x^2-9}{2x^2+x-1} \cdot \frac{-2x^2+3x-1}{x^2-6x+9}$$

**12.** Determina el valor de a y b para que sea exacta la división

$$(3x^4 - 8x^3 - 5x^2 + ax + b) : (x^2 - 3x).$$

**13.** Dados los polinomios  $P(x) = 2x^3 - 10x^2 + 14x - 6$  y  $Q(x) = x^3 - 9x^2 + 23x - 15$ :

- a) Calcula las raíces de P(x) y Q(x).
- b) Descompón factorialmente los dos polinomios.
- c) Calcula el max.c.d. y el min.c.m. de P(x) y Q(x).

14. Factorizar el siguiente polinomio de grado 4 indicando claramente sus factores y  $P(x) = 6x^4 + 5x^3 - 2x^2 - x$ raíces:

Resolver las siguientes ecuaciones

a) 
$$\frac{x-2}{x^2+x} - \frac{2x+2}{x^2-1} = \frac{1}{1-x}$$

c) 
$$3^{3x} + 3^{2-x} = 10 \cdot 3^x$$

e) 
$$log_{\sqrt{3}}a = x \cdot log_3a$$

g) 
$$(x^2 - 5x + 3)log2 = 3 - log125$$

i) 
$$\frac{3x-3}{x-1} + \frac{x^2+2}{x+1} = \frac{7x+1}{x^2-1}$$

k) 
$$\sqrt{2^x \sqrt{4^x \sqrt{8^x}}} = \sqrt[4]{2^{2x+7}}$$

m) 
$$\frac{x^2+1}{x} + \frac{x}{x^2-1} = x + \frac{7}{6}$$

r) 
$$\frac{1}{x^3 + 5x^2 + 3x - 9} \ge 0$$
  
r)  $2\sqrt{x + 1} - \sqrt{2x - 2} = 2$ 

b) 
$$\sqrt{25^x \sqrt[3]{5^x \sqrt{5^{2x}}}} = 125$$

d) 
$$(x^2 + x + 3) \cdot log 4 = -3 \cdot log \left(\frac{1}{4}\right)$$

f) 
$$5^x - \frac{5}{5^{x-1}} - 24 = 0$$

h) 
$$log_5 \frac{x}{3} + log_5 9 - 2 \cdot log_5 3 = 2$$

$$j) \qquad \left| \frac{x+1}{x-2} \right| = 6$$

$$1) \quad 3^{x+1} + 3^x + 3^{x-1} = 117$$

n) 
$$2 \cdot 10^{2x+4} + 3 \cdot 10^{x+2} - 5 = 0$$

$$\tilde{\mathsf{n}}) \quad \frac{x^2 - x - 2}{x^3 + 5x^2 + 3x - 9} \ge 0 \qquad \text{o) } sen \ 4x = \frac{\sqrt{3}}{2} \qquad \text{p)} \quad sen \ x = \cos x \qquad \text{q)} \quad 0'4 = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

s) 
$$\sqrt{2} x^3 + 5\sqrt{2} x^2 - 6\sqrt{2} x = 0$$

16. Resolver las siguientes inecuaciones:

a) 
$$\frac{x^2-4x}{-x^2+2x-1} < 0$$

b) 
$$\frac{x^2 + 2x}{x^2 - 4x + 4} \le 0$$

b) 
$$\frac{x^2 + 2x}{x^2 - 4x + 4} \le 0$$
 c)  $\frac{3x^2 + 5x - 2}{x^2 - 9} < 0$ 

$$d) \frac{x+1}{3-x} \ge 0$$

e) 
$$\frac{x^2+x}{2x-1} > 0$$

17. Resolver los siguientes sistemas de ecuaciones no lineales:

a) 
$$\begin{cases} log(x+1) - logy = 1\\ x - 2y = 3 \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} \log(x+1) - \log y = 1\\ \frac{3^x}{3^y} - 3 = 0 \end{cases}$$

$$c)\begin{cases} \sqrt{xy} = 2\\ \frac{y}{4} - 12x = 1 \end{cases}$$

d) 
$$\begin{cases} log x - log y = 3log 5\\ log x^3 + log y^2 = log 16 \end{cases}$$

d)
$$\begin{cases} 5^x = 25 \cdot 5^y \\ \log(x+y) - \log(x-y) = \log 2 \end{cases}$$
 e)  $\begin{cases} \sqrt{x^2 + 1} - y = 2 \\ x^2 - y^2 = 1 \end{cases}$ 

18. Resolver los siguientes sistemas de ecuaciones lineales utilizando el método de Gauss

a) 
$$\begin{cases} x+y+3z=2\\ 2x+3y+4z=1\\ -2x-y-8z=-7 \end{cases}$$
 b) 
$$\begin{cases} 2x+y+z=5\\ 2x-y+3z=3\\ 3x+2y+z=8 \end{cases}$$
 c) 
$$\begin{cases} 5x+2y+3z=4\\ 2x+2y+z=3\\ x-2y+2z=-3 \end{cases}$$
 d) 
$$\begin{cases} 2x-3y+z=6\\ x-y-z=-2\\ -x+y+2z=5 \end{cases}$$
 e) 
$$\begin{cases} 3x+y-z=4\\ 3x+y+z=1\\ 3x+y+2z=-2 \end{cases}$$
 f) 
$$\begin{cases} 2x-y+z=3\\ x+2y-z=4\\ x-8y+5z=-6 \end{cases}$$

b) 
$$\begin{cases} 2x + y + z = 5 \\ 2x - y + 3z = 3 \\ 3x + 2y + z = 8 \end{cases}$$

c) 
$$\begin{cases} 5x + 2y + 3z = 4\\ 2x + 2y + z = 3\\ x - 2y + 2z = -3 \end{cases}$$

d) 
$$\begin{cases} 2x - 3y + z = 6 \\ x - y - z = -2 \\ -x + y + 2z = 5 \end{cases}$$

e) 
$$\begin{cases} 3x + y - z = 4 \\ 3x + y + z = 1 \\ 3x + y + 2z = -2 \end{cases}$$

f) 
$$\begin{cases} 2x - y + z = 3\\ x + 2y - z = 4\\ x - 8y + 5z = -6 \end{cases}$$

19. Resolver los siguientes sistemas de inecuaciones:

a) 
$$\begin{cases} x+y-3>0 \\ -x+y-1 \le 0 \end{cases}$$
 b)  $\begin{cases} x^2-4>y \\ y \ge -2 \end{cases}$  c)  $\begin{cases} 3x+2y \le 24 \\ x \ge y \\ y \ge 1 \end{cases}$ 

$$b) \begin{cases} x^2 - 4 > y \\ y \ge -2 \end{cases}$$

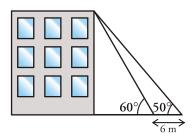
c) 
$$\begin{cases} 3x + 2y \le 24 \\ x \ge y \\ y \ge 1 \end{cases}$$

d) 
$$\begin{cases} y > x^2 - x - 2 \\ 3x + 2y - 3 < 0 \end{cases}$$

### **Bloque Geometría**

- 1. Dos aviones A y B que se encuentran a 5 y 8 km de un aeropuerto C se observan desde éste bajo un ángulo de 38º. Calcular la distancia que separa a los dos aviones.
- 2. Sabiendo que  $tg \ \alpha = \frac{14}{5}$  y que  $\alpha$  es un ángulo del primer cuadrante, y que  $sen \beta = -\frac{2}{7}$ , con  $\pi < \beta < \frac{3\pi}{2}$ ; calcula:
  - a)  $sen(2 \alpha)$  b)  $cos(\frac{\beta}{2})$  c)  $tg(\alpha \beta)$

- 3. Marta observa el punto más alto de la Torre Eiffel, de 324 m de altura, bajo un ángulo de  $\frac{\pi}{3}$ . Su amigo Cristian le recomienda que mire bajo un ángulo de  $\frac{\pi}{4}$ . ¿Qué distancia debe alejarse? Aproxima a las centésimas por redondeo el resultado final.
- **4.** Queremos fijar un poste de 3,5 m de altura, con un cable que va desde el extremo superior del poste al suelo. Desde ese punto del suelo se ve el poste bajo un ángulo de 40°. ¿A qué distancia del poste sujetaremos el cable? ¿Cuál es la longitud del cable?
- **5.** Desde el suelo vemos el punto más alto de un edificio con un ángulo de 60°. Nos alejamos 6 metros en línea recta y este ángulo es de 50°.¿Cuál es la altura del edificio?



- 6. Sara y Manolo quieren saber a qué distancia se encuentra un castillo que está en la orilla opuesta de un río. Se colocan a 100 metros de distancia el uno del otro y consideran el triángulo en cuyos vértices están cada uno de los dos, y el castillo. El ángulo correspondiente al vértice en el que está Sara es de 25° y el ángulo del vértice en el que está Manolo es de 140°. ¿A qué distancia se encuentra Sara del castillo? ¿Y Manolo?
- **7.** Dos individuos *A* y *B* observan un globo que está en un plano vertical que pasa por ellos. La distancia entre los individuos es de 4 km. Los ángulos de elevación del globo desde los observadores son 46º y 52º, respectivamente. Hallar la altura del globo.
- **8.** Dos corredores parten de un mismo punto en direcciones que forman entre sí un ángulo de40°. Uno de ellos va a 15 km/h, y el otro a 10 km/h. ¿Qué distancia les separa al cabo de 1 hora?

**9.** Un ángulo  $\alpha$ , del segundo cuadrante, es tal que  $cos\alpha = -\frac{3}{4}$ . Determinar razonadamente:  $sen\alpha$ ;  $tg\alpha$ ;  $sen(360 - \alpha)$ ;  $cos(180 + \alpha)$ .

**10.** Simplificar: a) 
$$\frac{\cos(\frac{\pi}{2} + \alpha) \cdot tg(\pi + \alpha)}{sen(-\alpha)}$$
 b) 
$$\frac{2\cos(45 + \alpha) \cdot \cos(45 - \alpha)}{\cos 2\alpha}$$

11. Resolver las siguientes ecuaciones dando todas sus posibles soluciones:

a) 
$$sen2\alpha - 2cos^2\alpha = 0$$

b) 
$$sen3\alpha - sen\alpha \cdot cos2\alpha = 0$$

c) 
$$tg^2 \frac{\alpha}{2} + 1 = \cos \alpha$$

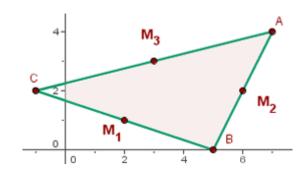
c) 
$$tg^2 \frac{\alpha}{2} + 1 = \cos \alpha$$
 d)  $sen(\frac{\pi}{4} + \alpha) - \sqrt{2} \cdot sen\alpha = 0$ 

a) 
$$\frac{1-sen^4\alpha}{cos^2(\alpha)} = 2 - cos^2\alpha$$

b) 
$$\frac{\cos\alpha + \sin\alpha}{\cos\alpha - \sin\alpha} - \frac{\cos\alpha - \sin\alpha}{\cos\alpha + \sin\alpha} = 2tg2\alpha$$

c) 
$$\frac{sen5a+sena}{sen3a-sena} = 1 + 2cos2a$$

- **13.** Resolver el sistema dando las soluciones entre 0° y 360°:  $\begin{cases} sen\alpha + cos\beta = 1 \\ \alpha + \beta = 90 \end{cases}$
- 14. Escribir las ecuaciones de la recta, en todas sus formas posibles, que pasa por el punto intersección de las rectas  $r \equiv x + y = 5$  y  $s \equiv y - 3 = 0$ , y es *perpendicular* a la recta  $t \equiv 2x - y + 1 = 0$ .
- 15. Si M1(2, 1), M2(3, 3) y M3(6, 2) son los puntos medios de los lados de un triángulo, ¿cuáles son las coordenadas de los vértices del triángulo?



**16.** Calcula las coordenadas de D para que el cuadrilátero de vértices:

A(-1, -2), B(4, -1), C(5, 2) y D; sea un paralelogramo.

- **17.** Hallar la pendiente y la ordenada en el origen de la recta 3x + 2y 7 = 0.
- **18.** Estudiar la posición relativa de las rectas de ecuaciones:

a) 
$$2x + 3y - 4 = 0$$

b) 
$$x - 2y + 1 = 0$$

c) 
$$3x - 2y - 9 = 0$$

d) 
$$4x + 6y - 8 = 0$$

e) 
$$2x - 4y - 6 = 0$$

f) 
$$2x + 3y + 9 = 0$$

- 19. Hallar la ecuación de la recta r, que pasa por A(1,5), y es paralela a la recta  $s \equiv 2x + y + 2 = 0$ .
- 20. Hallar las coordenadas del punto simétrico del origen respecto de la recta  $r \equiv 4x + 3y = 50.$
- 21. En el triángulo de vértices A(1, 1), B(7, -1) y C(-3, 7), hallar la ecuación de la mediana y de la altura relativa al lado AB.

#### **Bloque de Análisis**

1º- Hallar el dominio de las funciones:

a) 
$$y = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 3x^2}}$$

**b)** 
$$y = ln \frac{x-2}{x+1}$$

**a)** 
$$y = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 3x}}$$
 **b)**  $y = \ln \frac{x - 2}{x + 1}$  **c)**  $y = \frac{2x + 1}{x^2 - 5x + 6}$ 

**d)** 
$$y = \sqrt{x^3 + 6x^2 + 8x}$$

**e)** 
$$y = log(x^2 - 4)$$

2º-Calcular razonadamente los límites:

**a)** 
$$\lim_{x\to 1} \frac{x^3-1}{x^2-1}$$

**b)** 
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{(1+2x)^2}{-x^2+3}$$

a) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{\frac{1}{x^2 - 1}}{x^2 - 1}$$
c)  $\lim_{x \to +\infty} \frac{4 - \sqrt{3x^2 - 2x}}{2x - 1}$ 

**d)** 
$$\lim_{x \to +\infty} (\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x^2 - 5x})$$

**e)** 
$$\lim_{x \to 1} \left( \frac{1}{1-x} - \frac{3}{1-x^3} \right)$$

**f)** 
$$\lim_{x\to 2} \frac{x^2-x-2}{x^2-4x+4}$$

**3º-** Estudiar la continuidad de las siguientes funciones: **a)**  $y = f(x) = \frac{x^2 - x}{x^2 - 1}$ 

**b)** 
$$f(x) = \begin{cases} k - x^2 & \text{si } x < 1 \\ 2^{x-1} & \text{si } x \ge 1 \end{cases}$$

**c)** 
$$f(x) = \begin{cases} 3x^2 - 5 & \text{si } x \le 1 \\ \frac{k}{e^{x-1}} & \text{si } 1 < x \le 2 \\ \frac{1}{x-2} & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

4º- Hallar las asíntotas de las funciones y situar la curva con respecto a ellas:

**a)** 
$$f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 4}$$

**a)** 
$$f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 4}$$
 **b)**  $f(x) = \frac{x^2 - x - 3}{x}$ 

- **5º- a)** Hallar la función inversa de  $y = \sqrt{x-1}$  y comprobar que se verifica que  $f \circ f^{-1} = f^{-1} \circ f = Id.$ 
  - **b)** Hallar  $f(x) = (g \circ h)(x)$  siendo  $g(x) = \frac{3}{1-x}$  y  $h(x) = 1 x^2$ .
  - **c)** Calcular  $f(-2) = (g \circ h)(-2)$ .
- **6º-a)** Calcular la derivada de  $f(x) = \frac{-4}{x}$  en el punto x = 2.
  - **b)** Calcular la derivada de $f(x) = \frac{2}{x}$  en el punto x = 1.
- 7º- Calcular la derivada de las funciones:

**a)** 
$$f(x) = e^{-2x} \cdot ln(\sqrt{x})$$

**b)** 
$$g(x) = cos^4(2x^3 - 3x)$$

**c)** 
$$h(x) = sen^3(\sqrt{2x^3 - x^2})$$

**d)** 
$$j(x) = (x + 2\sqrt{x})^3$$

**e)** 
$$k(x) = \frac{e^{x}+1}{e^x}$$

**e)** 
$$k(x) = \frac{e^{x}+1}{e^{x}}$$
 **f)**  $l(x) = e^{x} \cdot cosx + 2^{4}$  **g)**  $m(x) = \frac{Ln4x}{x}$ 

**g)** 
$$m(x) = \frac{Ln4x}{x}$$

- 8º- a)Hallar la ecuación de la recta tangente a la parábola  $y = 2x^2 6x + 5$  paralela a la recta 4x - 2y + 1 = 0.
  - **b)** Hallar la ecuación de la recta que pasa por P(3,2) y por el máximo de la función  $y = x^2 - 4x + 3.$
  - 9º- Estudiar y representar gráficamente las siguientes funciones:

**a)** 
$$y = \frac{x^2 - 4}{x + 1}$$
 (Dominio, Puntos de Corte, Asíntotas)

**b)** 
$$y = xe^x$$
 (Dominio, Puntos de Corte, Asíntotas)

**10°-** Estudia la continuidad de la siguiente función y en el caso de haber discontinuidades clasifícalas.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{4}{x} & si \ x < 0 \\ \frac{x^2 + x}{x - 3} & si \ 0 \le x < 5 \\ \frac{3x}{x - 4} & si \ x \ge 5 \end{cases}$$

11º - Determina las derivadas que se indican en las siguientes páginas.



1	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = 0$
	f(x) = -7
2	f(x) = -7x
3	
4	f(x) = -5x + 2
5	$f(x) = x^5 - x^3 + 3$
	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = 2\mathbf{x}^7 - 3\mathbf{x}^6 + 3\ \mathbf{x}^3 - 4\mathbf{x}^2 - 7$
7	$f(x) = \frac{x-3}{2}$
8	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = -\frac{x^3 + x - 1}{2}$
9	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = -\frac{3}{2}x^3 + \frac{2}{5}x^2 - 4$
10	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{3}{x^2}$
11	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = -\frac{2}{x^3} + \frac{3}{x^2} - 4x$
12	$f(x) = \frac{x^2 - 1}{(x+1)^2}$
	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{5x^4 - 3x^3}{x5}$
14	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \sqrt{\mathbf{x}^3}$
15	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{1}{\sqrt{x^3}}$
16	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \sqrt{\mathbf{x}^3} - \sqrt[3]{\mathbf{x}^5}$
17	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = -3\sqrt{x} - 2\sqrt[3]{x^2}$
18	$f(x) = -\frac{2}{3}\sqrt{x^3} - \sqrt{15x} - \sqrt[3]{x^5}$
19	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = -\frac{3}{2}\sqrt{x^3} - 2x^5 - 5x^2$
20	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{\sqrt{x}\sqrt[3]{x}}{\sqrt[2]{x}}$

Table de Derivados #VCTD



	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{2\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}}{\sqrt[2]{x}}$	
21	$I(X) = \frac{1}{\sqrt{x}}$	
22	$f(x) = (x^5 - x^3 + 3)^4$	
23	$f(x) = (x^2 - 2)^2$	
24	$f(x) = (x - 1).(x + 1)^2$	
25	$f(x) = (x^5 - x^3 + 3)^4$	
26	$f(x) = \sqrt{((x^5 - x^3 + 3))}$	
27	$f(x) = \sqrt[5]{x^5 - x^3 + 3}$	
28	$f(x) = \frac{1}{\sqrt[5]{x5-x3+3}}$	
29	$f(x) = \sqrt[3]{\frac{x5 - x3 + 3}{x^2}}$	
30	$f(x) = \sqrt[5]{\frac{x^2 + x}{x + 1}}$	
31	$f(x) = \sqrt{\frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 - 1}}$	
32	$f(x) = \sqrt{\frac{x^2 - 1}{x^2 - 2x + 1}}$	
33	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = e^{x+1}$	
34	$f(x) = -3. e^{x+1}$	
35	$f(x) = 7. e^{x^2 + 1}$	
36	$f(x) = -3. e^{x^2 + x - 1}$	
37	$f(x) = \sqrt{e^x}$	
38	$f(x) = \sqrt{3e^{x+1}}$	

Table de Derivadas #VCTD 0



39	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = -\frac{2}{\sqrt{e^x}}$
40	$f(x) = e^{x+1} - 3e^x + 2e^{x^3}$
41	$f(x) = 3^{2x+1}$
42	$f(x) = 7^{x-1}$
43	$f(x) = 7^{x^2 - 1}$
44	$f(x) = -\frac{1}{\sqrt{2^x}}$
45	$f(x) = 2^{x+1} - 3.5^x$
46	$f(x) = (2^{x+1} - 3.5^x)^3$
47	$f(x) = \sqrt{3^{x+1}}$
48	$f(x) = 7^{\sqrt{x+1}}$
49	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{e^{3x} + e^{x^2}}{3}$
50	$f(x) = \frac{7^{x^2}}{x^3}$
51	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{e^{x^2}}{x^3}$
52	$\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \sqrt{\frac{7^{x^2}}{x^3}}$
53	$f(x) = \ln(x+3)$
54	$f(x) = 7x + \ln(x - 3)$
55	$f(x) = \ln(x^2 - 3x + 2)$
56	$f(x) = \frac{1}{\ln(x-1)}$
57	$f(x) = \ln \sqrt{\frac{x^2 - 1}{x^2 - 2x + 1}}$

Table de Derivadas #VCTD 0



58	$f(x)=\ln\left(\sqrt{\left((x^5-x^3+3)\right)}\right)$
59	$f(x) = \ln\left(\frac{e^x - 1}{e^x + 1}\right)$
60	$f(x) = \log_3(x+2)$
61	$f(x) = \log(x-3)^2$
62	f(x) = sen(x+1)
63	$f(x) = sen(2x^3 + 2x^2)^2$
64	f(x) = sen(x+1) + 5x
65	$f(x) = \sqrt{(\operatorname{sen}(x+1))}$
66	$f(x) = \cos(3x + 3)$
67	$f(x) = \cos(3x^2 + 3x)$
68	$f(x) = \frac{1}{\operatorname{sen}(x+1)}$
69	$f(x) = \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\sin(x+1)}$
70	$f(x) = \frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\cos(x-1)}$
71	$f(x) = \sqrt[3]{\cos(3x+3)}$
72	$f(x) = \frac{1}{\text{sen}(x+1)} + (x^5 - x^3 + 3)^4$
73	$f(x) = \ln(x-1) + e^{x+1}$
74	$f(x) = e^{x-3} + \cos(x+1) - x^2$
75	$f(x) = \tan(x - 5)$
76	$f(x) = \tan(x^3 + 3)$

Table de Derivados #VCTD