

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

SOLUCIONES en las págs. 966 a 974.

1) OPERACIONES CON ENTEROS.

$$1 - [-3 + (-2) \cdot (-9)] : (-5) - (-6) =$$

2) REPRESENTACIÓN GRÁFICA.

$$-7, \frac{-2}{5}, +10, \frac{6}{4}$$

3) DIVISIBILIDAD.

a) En una bodega tienen tres toneles cuyas capacidades son 1540 litros, 2160 litros y 4200 litros. Se va a embasar todo el vino, sin mezclarlo, en garrafas iguales que tengan la máxima capacidad. ¿Cuál debe ser la capacidad de las garrafas y cuántas se utilizarán?

b) Simplificar: $\frac{4620}{32340} =$

4) Hallar el m.c.d. y el m.c.m.

De los números 12, 15, 20 y 30.

5) OPERACIONES CON FRACCIONES.

$$\left(\frac{1}{-6} + \frac{-2}{10} \right) : \frac{22}{15} - \frac{5}{3} \cdot \left(\frac{-3}{4} - \frac{-1}{2} \right) =$$

6) PROBLEMAS DE TEMAS 1 AL 4.

Un señor va a repartir su herencia entre sus dos hijos, pero antes debe realizar un pago que le cuesta $\frac{3}{7}$ partes de la herencia. A uno de los hijos le correspondió $\frac{2}{5}$ de lo que quedó y al otro $\frac{1}{4}$ parte. Los 42.000 euros restantes los donó a una ONG de confianza. ¿A cuánto ascendía el total de la herencia?

7) OPERACIONES CON POTENCIAS.

a) $(-3)^2 - 7^0 - (-10)^4 - 5^2 - 1^9 \cdot 0^{17} =$

b) $\frac{2^{-4} \cdot 6^2 \cdot (-10)^3}{(-2)^{-3} \cdot 3^4 \cdot 15^2} =$

8) OPERACIONES CON RADICALES.

a) $\sqrt[3]{540 a^5 b^6 c^2} \rightarrow$ Extraer factores.

b) $3 \cdot \sqrt{28} - \sqrt{700} \rightarrow$ $\left\{ \begin{array}{l} \text{Operar, reduciendo} \\ \text{antes a semejantes} \\ \text{y sacando factor común.} \end{array} \right.$

9) CLASIFICACIONES DE NÚMEROS.

$$-2, \frac{-5}{-3}, \sqrt{18}, \sqrt{-49} \rightarrow$$

Ejemplo :

$$\frac{5}{-8} = -0,625 \rightarrow \text{Es un número decimal exacto.}$$

Su clasificación es la siguiente :

$$\notin \mathbf{N}, \notin \mathbf{Z}, \in \mathbf{Q}, \notin \mathbf{I_{rr}}, \in \mathbf{R}, \notin \mathbf{I_m}, \in \mathbf{C}$$

10) EXPRESIONES ALGEBRAICAS.

a) Sacar común:

$$-5x + 4x - 9x - 2x - x =$$

b) Operar:

$$-3 \cdot (-3x)^2 \cdot x^3 = (\text{Recuerda: SI. NU. LE.})$$

c) Simplifica fracciones algebraicas:

$$\frac{25 - 4x^2}{15 + 6x} =$$

11) IGUALDADES NOTABLES.

a) $(4a - 3b)^2 =$

b) $(7 - 5x) \cdot (7 + 5x) =$

12) ECUACIONES DE PRIMER GRADO.

$$\frac{3(5 - 2x)}{10} - \frac{2(1 + x)}{6} = \frac{-1}{15} + x$$

13) DESPEJAR INCÓGNITAS.

Despeja la letra en **negrita** y cursiva.

a) $5(3x - 2\mathbf{m}) = \frac{1 - 6\mathbf{m}}{2}$

b) $\frac{4a\mathbf{x}^2 - \mathbf{x}^2}{\mathbf{x}} = -7$

14) SISTEMAS DE ECUACIONES.

$$\left[\begin{array}{l} 6(4 + y) + 18 = 4(y + 3x + 1 - x) \\ \frac{5x}{4} = \frac{15}{2} + \frac{5y}{6} \end{array} \right]$$

15) ECUACIONES DE SEGUNDO GRADO.

Resuelve la primera con la fórmula y la segunda sin aplicar la fórmula:

a) $-9x^2 + 6 = -15x$

b) $-6x = 2x^2$

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

16) PROBLEMAS SOBRE ECUACIONES.

Las edades actuales de Víctor y su madre, Fefi, suman 72 años. Si dentro de 15 años Víctor tiene la mitad de la edad que su madre, ¿cuántos años tienen ahora?

17) PROPORCIONALIDAD NUMÉRICA.

- a) Averigua la cuarta proporcional a 4, 9 y 15.
 b) Partiendo de una razón cualquiera, contesta:
- ¿Se obtienen razones iguales sumando a los dos términos un mismo número?
 - ¿Se obtienen razones iguales restando a los dos términos un mismo número?
 - ¿Se obtienen razones iguales multiplicando a los dos términos por un mismo número?
 - ¿Se obtienen razones iguales dividiendo a los dos términos por un mismo número?

18) PROPORCIONES.

Calcula el valor de cada letra en las proporciones:

a) $\left[\frac{10}{6} = \frac{9}{m} \right]$; b) $\left[\frac{x}{48} = \frac{3}{x} \right]$

19) REGLAS DE TRES SIMPLES.

En una bodega se llenan 1200 botellas de vino. La capacidad de cada una es de $3/4$ de litro. Si en lugar de llenar con esas botellas lo hubieran hecho con otras de medio decímetro cúbico de volumen, ¿cuántas habrían usado?

20) PORCENTAJES.

A lo largo de un año, un artículo sufre los siguientes altibajos en su precio inicial: baja un 10 %, sube un 5 % y baja un 20 %. Al final, ¿que variación real experimentó?

21) NOTACIÓN CIENTÍFICA.

- a) $0'000000000000000000702584 =$
 b) $6'45 \cdot 10^{15} =$

22) REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE FUNCIONES LINEALES Y AFINES.

- Ecuación de la función: $f(x) = 4 - 3x$
 → Valores a representar: $-3, -1, 0, 2, 5$.

23) DETECTAR ERRORES.

No son ecuaciones, sino identidades .

- a) $9x - 3 = 6x$
 b) $(7a + 3b)^2 = 49a^2 + 9b^2$
 c) $\frac{4x - 5y}{3x} = \frac{4 - 5y}{3}$

24) CUESTIONES SOBRE LOS TEMAS 1 AL 6 DE MATYVAL I.

- a) ¿Cómo se expresa de otra forma un número elevado a exponente fraccionario?
 b) ¿Cuál es el discriminante de una ecuación de 2º grado?

25) CONVERSIÓN DE UNIDADES. COMPLEJOS EN INCOMPLEJOS.

- a) $3 \text{ km } 6 \text{ dam } 1 \text{ m} \rightarrow a \text{ "dm"}$.
 b) $5 \text{ Tm } 2 \text{ kg } 7 \text{ hg} \rightarrow a \text{ "kg"}$.
 c) $1 \text{ m}^2 5 \text{ dm}^2 4 \text{ cm}^2 \rightarrow a \text{ "cm}^2$ ".

Analizando algo más profundamente de lo habitual algunas de las características más significativas de no pocos chicos y jóvenes actuales, podríamos señalar las siguientes:

- *Suelen sentirse muy frecuentemente insatisfechos con casi todo lo que tienen.*
- *Por lo anterior, acostumbran a desear y anhelar mucho de lo que no disponen.*
- *Como mucho de lo que desean no lo consiguen, se genera en ellos más insatisfacción todavía.*
- *Y aquello que quizás si consiguen, dejan de quererlo de forma rápida.*
- *Y vuelta a empezar el círculo vicioso en el que muchos se mueven.*



Toda esta forma de vida descrita engendra una apatía, ella hace que no se disponga de objetivos por los cuales luchar y se produce una gran pereza en el aprendizaje.

Están tan poco educados en la voluntad, los jóvenes a los que nos referimos, que consecuentemente casi desconocen lo que es el esfuerzo, el desear los méritos, el gusto por lo bien hecho y el querer a ellos mismos. Y claro, así ...

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

26) RELACIONES ENTRE UNIDADES DE VOLUMEN, CAPACIDAD Y MASA.

- a) ¿Cuántos dm^3 ocupan 500 kl de agua pura?
- b) ¿Cuántos kg pesan 2300 mal de agua pura?
- c) ¿Cuántos litros de capacidad tiene un líquido que ocupa un volumen de $0'03 \text{ hm}^3$?

27) ARITMÉTICA ELEMENTAL.

- a) En una tienda venden 5 televisores a 415 €/c.u. y 300 transistores a 11'25 €/c.u. Con el dinero de la venta se compraron 2 tresillos a 850 €/c.u. y 3 ordenadores. ¿Cuánto costó cada ordenador?
- b) Sabiendo que la velocidad del sonido es de 340 m/seg., averigua la distancia a la que está una tormenta si hemos oído el trueno 7 segundos después de ver el relámpago.

28) GEOMETRÍA PLANA. ÁNGULOS.

- a) ¿Cuáles de las siguientes parejas de ángulos son complementarios? ¿Y cuáles son suplementarios?
 - 1ª) 57° y 124° .
 - 2ª) $12^\circ 43' 7''$ y $167^\circ 16' 53''$.
 - 3ª) 39° y 51° .
 - 4ª) $60^\circ 25' 19''$ y $28^\circ 45' 41''$.
- b) Dibuja dos rectas paralelas, dos perpendiculares y otras dos que no sean ni paralelas ni perpendiculares. ¿Cómo se llaman las últimas?
- c) ¿Cómo se llaman cada uno de los siguientes ángulos? De 285° ; de 2° ; de 90° ; de 104° .

29) GEOMETRÍA PLANA. POLÍGONOS.

- a) Haz una clasificación de todos los cuadriláteros.
- b) ¿Es posible dibujar un triángulo cuyos ángulos midan 35° , 80° y 65° ? ¿Por qué sí o por qué no?
- c) Dibuja un triángulo obtusángulo de base 6 cm, y traza su ortocentro, circuncentro, incentro y baricentro.

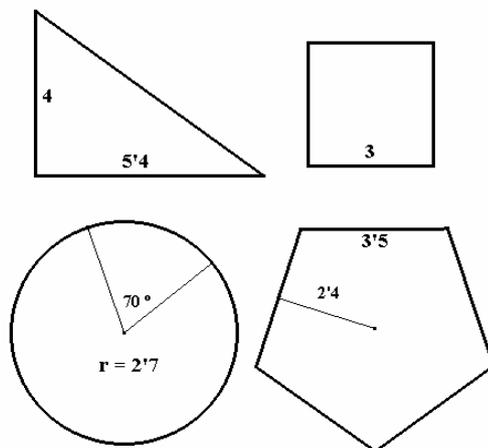
30) GEOMETRÍA PLANA.

CIRCUNFERENCIA Y CÍRCULO.

- a) ¿Cuál es la diferencia entre un círculo y una circunferencia?
- b) Dibuja un círculo de 5 cm de radio. En él una cuerda de 7 cm, una tangente y un segmento circular de 90° .
- c) ¿Cómo averiguarías, sin medirlo, cuánto mide el contorno de una plaza redonda?

31) GEOMETRÍA PLANA. ÁREAS.

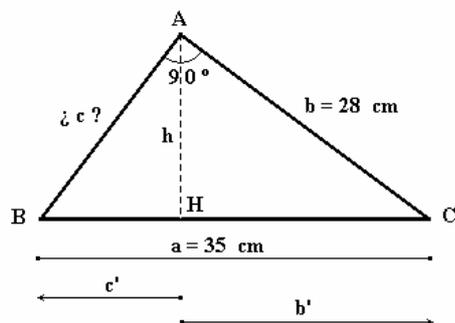
Halla el área de estas figuras :



32) GEOMETRÍA PLANA. PROBLEMAS

SOBRE TEOREMAS DE PITÁGORAS, DE LA ALTURA Y DEL CATETO.

Aplicando los tres teoremas, calcula lo que se pide en la siguiente figura :

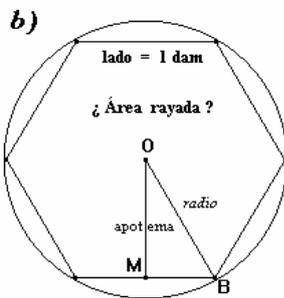
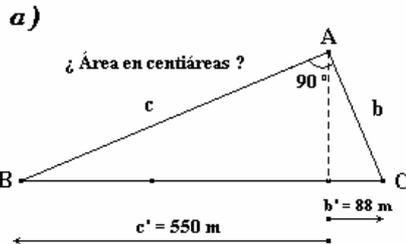


Calcula lo siguiente:
 CATETO c ; PROYECCIONES b' , c' ;
 ALTURA h ; PERÍMETRO $= a + b + c$;
 ÁREA $= a \cdot h / 2$, o también: $b \cdot c / 2$

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

33) GEOMETRÍA PLANA. PROBLEMAS SOBRE ÁREAS Y TEOREMAS.

Calcula lo que piden en cada figura:



34) GEOMETRÍA PLANA. Construcciones.

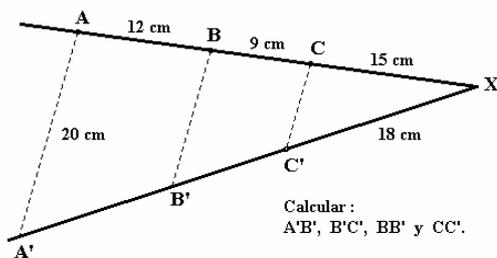
Con escuadra, cartabón y compás, construye un hexágono regular y aparte un triángulo equilátero.

35) FÓRMULAS. Hazte con cartulina unas fichas de 6 x 4 cm.

Escribe en una de las caras todas las fórmulas estudiadas y por detrás a qué se refieren, por ejemplo, por un lado escribes área del trapecio y por detrás la fórmula. Te las metes en un bolsillo y a lo largo del día las vas sacando por un lado y te contestas lo que pone detrás sin mirarlo. Otro día las sacas por el otro y dices lo de detrás. Y así, sin mucho esfuerzo, te las aprenderás muy bien.

36) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. SEMEJANZA Y TEOREMA DE THALES.

Calcula lo que se pide en la figura :



37) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. PLANOS Y ESCALAS.

- Un mapa de España está realizado a escala 1 : 25000000. ¿Qué distancia real hay entre dos ciudades que distan en el plano 7'6 cm?
- En un plano del Instituto, una distancia de 4'5 cm corresponde a 22'5 metros de la realidad. ¿A qué escala se hizo?

38) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. HOMOTECIAS.

Realiza una homotecia directa con los datos siguientes:

- Trapecio isósceles de base mayor 6 cm, base menor 3 cm y altura 4 cm.
- El centro de homotecia está situado en la prolongación de la diagonal que llega al vértice izquierdo de la base, a 8 cm a la izquierda de dicho vértice.
- Razón de homotecia = 1/2 .

39) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. PROBLEMAS.

Un triángulo rectángulo tiene una hipotenusa de 1'75 dm y un cateto de 140 mm. Calcula el perímetro de otro triángulo semejante que tenga 24 cm² de área.

40) CUESTIONES SOBRE TEMAS 7 AL 11.

- Realiza un esquema con las unidades de las magnitudes de longitud, capacidad, masa, superficie y volumen.
- ¿Qué es una bisectriz? ¿Y una mediatriz? Dibújalas.
- ¿Cuáles son las fórmulas de las áreas de las figuras circulares estudiadas?
- Escribe las fórmulas que sirven para calcular los lados de un triángulo rectángulo aplicando el teorema de Pitágoras.
- ¿Qué dice el teorema de Thales? Realiza un dibujo explicativo.
- ¿Cuáles son los criterios de semejanza de triángulos?

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

SOLUCIONES de las págs. 962 a 965.

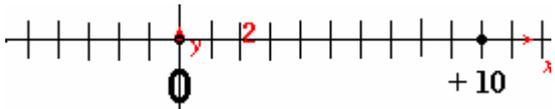
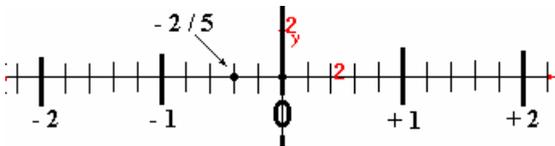
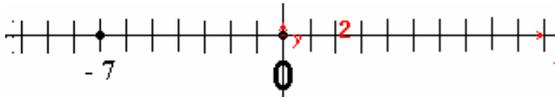
1) OPERACIONES CON ENTEROS.

$$1 - [-3 + (-2) \cdot (-9)] : (-5) - (-6) =$$

$$= 1 - [-3 + 18] : (-5) + 6 = 1 - [+15] : (-5) + 6 =$$

$$= 1 - (-3) + 6 = 1 + 3 + 6 = 10$$

2) REPRESENTACIÓN GRÁFICA.



3) DIVISIBILIDAD.

$$a) \begin{cases} 1540 = 2^2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11 \\ 2160 = 2^4 \cdot 3^3 \cdot 5 \\ 4200 = 2^3 \cdot 3 \cdot 5^2 \cdot 7 \end{cases} \rightarrow \text{m.c.d.} = 2^2 \cdot 5 = 20$$

Como el máximo común divisor es 20, podrá embasar todo el vino *en garrafas de de 20 litros* sin que sobre nada.

$$b) \frac{4620}{32340} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 11}{2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 11} = \frac{1}{7}$$

4) Hallar el m.c.d. y el m.c.m. de los números 12, 15, 20 y 30.

$$\begin{cases} 12 = 2^2 \cdot 3 \\ 15 = 3 \cdot 5 \\ 20 = 2^2 \cdot 5 \\ 30 = 2 \cdot 3 \cdot 5 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \text{m.c.d} = 1 \\ \text{m.c.m.} = 2^2 \cdot 3 \cdot 5 = 60 \end{cases}$$

5) OPERACIONES CON FRACCIONES.

$$\left(\frac{1}{-6} + \frac{-2}{10} \right) : \frac{22}{15} - \frac{5}{3} \cdot \left(\frac{-3}{4} - \frac{-1}{2} \right) =$$

$$= \left(\frac{-5-6}{30} \right) : \frac{22}{15} - \frac{5}{3} \cdot \left(\frac{-3+2}{4} \right) =$$

$$= \left(\frac{-11}{30} \right) : \frac{22}{15} - \frac{5}{3} \cdot \left(\frac{-1}{4} \right) = \frac{-11 \cdot 15}{30 \cdot 22} + \frac{5 \cdot 1}{3 \cdot 4} =$$

$$= \frac{-1}{4} + \frac{5}{12} = \frac{-3+5}{12} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

6) PROBLEMAS DE TEMAS 1 AL 4.

⊗ Paga $\frac{3}{7}$ y le quedan $\frac{4}{7}$.

⊗ Hijo 1º $\rightarrow \frac{2}{5}$ de $\frac{4}{7} = \frac{2 \cdot 4}{5 \cdot 7} = \frac{8}{35}$

⊗ Hijo 2º $\rightarrow \frac{1}{4}$ de $\frac{4}{7} = \frac{1 \cdot 4}{4 \cdot 7} = \frac{4}{28}$

⊗ $\frac{8}{35} + \frac{4}{28} = \frac{32+20}{140} = \frac{52}{140} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{Recibieron} \\ \text{los hijos} \end{array} \right.$

⊗ Sumamos el pago inicial y lo de los hijos:

$$\frac{3}{7} + \frac{52}{140} = \frac{60+52}{140} = \frac{112}{140}$$

⊗ Entre el pago inicial y los hijos se llevaron 112 partes de las 140 de la herencia, luego quedaron :

$$\frac{140}{140} - \frac{112}{140} = \frac{28}{140} \rightarrow \text{Para la ONG.}$$

Y si 28 partes corresponden a 42.000 €,

cada parte es de 1500 € $\left(\frac{42000}{28} = 1500 \right)$.

⊗ Luego el total es de 140 partes \cdot 1500 €:

Solución :

La herencia inicial era de 210.000 €.

7) OPERACIONES CON POTENCIAS.

a) $(-3)^2 - 7^0 - (-10)^4 - 5^2 - 1^9 \cdot 0^{17} =$
 $= 9 - 1 - 10000 - 25 - 0 = -10.017$

b) $\frac{2^{-4} \cdot 6^2 \cdot (-10)^3}{(-2)^{-3} \cdot 3^4 \cdot 15^2} =$
 $= + \frac{2^{-4} \cdot 2^2 \cdot 3^2 \cdot 2^3 \cdot 5^3}{2^{-3} \cdot 3^4 \cdot 3^2 \cdot 5^2} =$
 $= 2^{-4+2+3-(-3)} \cdot 3^{2-4-2} \cdot 5^{3-2} =$
 $= 2^4 \cdot 3^{-4} \cdot 5^1 = \frac{16 \cdot 5}{81} = \frac{80}{81}$

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

8) OPERACIONES CON RADICALES.

a) $\sqrt[3]{540 a^5 b^6 c^2} = \sqrt[3]{2^2 \cdot 3^3 \cdot 5 a^5 b^6 c^2} = 2 \cdot 3 \cdot a^2 \cdot b^3 \cdot c \sqrt[3]{3 \cdot 5 \cdot a} = 6 a^2 b^3 c \cdot \sqrt[3]{15 a}$

b) $3 \cdot \sqrt{28} - \sqrt{700} = 3 \cdot \sqrt{2^2 \cdot 7} - \sqrt{2^2 \cdot 5^2 \cdot 7} = 3 \cdot 2\sqrt{7} - 2 \cdot 5\sqrt{7} = 6\sqrt{7} - 10\sqrt{7} = (6 - 10) \cdot \sqrt{7} = -4\sqrt{7}$

9) CLASIFICACIONES DE NÚMEROS.

- a) $-2 \rightarrow$ Es un número entero.
Su clasificación es la siguiente :
 $\notin \mathbb{N}, \in \mathbb{Z}, \in \mathbb{Q}, \notin \mathbb{I}_{rr}, \in \mathbb{R}, \notin \mathbb{I}_m, \in \mathbb{C}$
- b) $\frac{-5}{-3} = +1'66... \rightarrow$ $\begin{cases} \text{Es un número decimal} \\ \text{ilimitado periódico puro} \end{cases}$
Su clasificación es la siguiente :
 $\notin \mathbb{N}, \notin \mathbb{Z}, \in \mathbb{Q}, \notin \mathbb{I}_{rr}, \in \mathbb{R}, \notin \mathbb{I}_m, \in \mathbb{C}$
- c) $\sqrt{18} = \pm 4'2426... \rightarrow$ $\begin{cases} \text{Es un n}^\circ \text{ irracional, o} \\ \text{sea, decimal ilimitado} \\ \text{no periódico} \end{cases}$
Su clasificación es la siguiente :
 $\notin \mathbb{N}, \notin \mathbb{Z}, \notin \mathbb{Q}, \in \mathbb{I}_{rr}, \in \mathbb{R}, \notin \mathbb{I}_m, \in \mathbb{C}$
- d) $\sqrt{-49} \rightarrow$ $\begin{cases} \text{Es un número imaginario,} \\ \text{porque no hay ningún n}^\circ \\ \text{que al cuadrado dé negativo} \end{cases}$
Su clasificación es la siguiente :
 $\notin \mathbb{N}, \notin \mathbb{Z}, \notin \mathbb{Q}, \notin \mathbb{I}_{rr}, \notin \mathbb{R}, \in \mathbb{I}_m, \in \mathbb{C}$

10) EXPRESIONES ALGEBRAICAS.

- a) Sacar común:
 $-5x + 4x - 9x - 2x - x = (-5 + 4 - 9 - 2 - 1)x = -13x$
- b) Operar: (Recuerda: SI. NU. LE.)
 $-3 \cdot (-3x)^2 \cdot x^3 = -27x^5$
- c) Simplifica fracciones algebraicas:
 $\frac{25 - 4x^2}{15 + 6x} = \frac{5^2 - (2x)^2}{3 \cdot 5 + 2 \cdot 3 \cdot x} = \frac{(5 + 2x) \cdot (5 - 2x)}{3 \cdot (5 + 2x)} = \frac{5 - 2x}{3}$

11) IGUALDADES NOTABLES.

- a) $(4a - 3b)^2 = 16a^2 - 24ab + 9b^2$
- b) $(7 - 5x) \cdot (7 + 5x) = 49 - 25x^2$

12) ECUACIONES DE PRIMER GRADO.

$$\frac{3(5 - 2x)}{10} - \frac{2(1 + x)}{6} = \frac{-1}{15} + x$$

$$\frac{30 \cdot 3(5 - 2x)}{10} - \frac{30 \cdot 2(1 + x)}{6} = \frac{30 \cdot (-1)}{15} + 30 \cdot x$$

$$\frac{90(5 - 2x)}{10} - \frac{60(1 + x)}{6} = \frac{-30}{15} + 30x$$

$$9 \cdot (5 - 2x) - 10 \cdot (1 + x) = -2 + 30x$$

$$45 - 18x - 10 - 10x = -2 + 30x$$

$$-58x = -37$$

$$x = \frac{-37}{-58} = 0'63...$$

13) DESPEJAR INCÓGNITAS.

Despeja la letra en **negrita** y *cursiva*.

a) $5(3x - 2m) = \frac{1 - 6m}{2}$

$$2 \cdot 5(3x - 2m) = 1 - 6m$$

$$30x - 20m = 1 - 6m$$

$$6m - 20m = 1 - 30x$$

$$-14m = 1 - 30x$$

$$m = \frac{1 - 30x}{-14}$$

b) $\frac{4ax^2 - x^2}{x} = -7$

$$\frac{(4a - 1) \cdot x^2}{x} = -7$$

$$(4a - 1) \cdot x = -7$$

$$x = \frac{-7}{4a - 1}$$

14) SISTEMAS DE ECUACIONES.

$$\left[\begin{array}{l} 6(4 + y) + 18 = 4(y + 3x + 1 - x) \\ \frac{5x}{4} = \frac{15}{2} + \frac{5y}{6} \end{array} \right]$$

$$\left[\begin{array}{l} 24 + 6y + 18 = 4y + 12x + 4 - 4x \\ 15x = 90 + 10y \end{array} \right]$$

$$\left[\begin{array}{l} -8x + 2y = -38 / \cdot 5 \\ 15x - 10y = 90 \end{array} \right]$$

$$\left[\begin{array}{l} -40x + 10y = -190 \\ 15x - 10y = 90 \end{array} \right]$$

$$-25x = -100 \Rightarrow x = +4$$

Sustituimos $x=4$ en la 5ª ecuación :

$$-8 \cdot 4 + 2y = -38$$

$$2y = -38 + 32 \Rightarrow y = -3$$

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

15) ECUACIONES DE SEGUNDO GRADO.

$$a) -9x^2 + 15x + 6 = 0 \rightarrow \begin{cases} a = -9 \\ b = 15 \\ c = 6 \end{cases}$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} = \frac{-15 \pm \sqrt{15^2 - 4 \cdot (-9) \cdot 6}}{2 \cdot (-9)}$$

$$x = \frac{-15 \pm \sqrt{225 + 216}}{-18} = \frac{-15 \pm \sqrt{441}}{-18} =$$

$$x = \frac{-15 \pm 21}{-18} \rightarrow \begin{cases} x_1 = \frac{-15+21}{-18} = \frac{6}{-18} = -\frac{1}{3} \\ x_2 = \frac{-15-21}{-18} = \frac{-36}{-18} = 2 \end{cases}$$

$$b) -6x = 2x^2$$

$$2x^2 + 6x = 0$$

$$2x \cdot (x + 3) = 0 \rightarrow \begin{cases} 2x = 0 \Rightarrow x_1 = 0 \\ x + 3 = 0 \Rightarrow x_2 = -3 \end{cases}$$



Hace ya bastantes años que se ha llegado a la conclusión, entre los expertos, de que una alimentación basada en la **dieta mediterránea** es la más idónea para mantener una buena salud.

Veamos, de forma aproximada y orientativa, **cómo deberían ser las distintas comidas basadas en esta dieta.**



- **Para el desayuno:** leche, frutas, tostada, y/o cereales.
- **Para la media mañana:** fruta o bocadillo.
- **Para el almuerzo:** Verduras y arroz o legumbres, pescado o carne con ensalada y frutas.
- **Para la merienda:** yogurt o leche y frutas.
- **Para la cena:** huevos, o carne o pescado, con algo de ensalada o verduras y frutas.

No debes sobrepasar la cantidad de 3 a 4 huevos por semana. Siempre que puedas, es mejor hacer cinco comidas que tres diarias, porque está demostrado que es más beneficioso comer más veces y menos cantidades. **Y no olvides nunca la práctica habitual de alguna actividad deportiva.**



16) PROBLEMAS SOBRE ECUACIONES.

$$\otimes \begin{cases} x \rightarrow \text{edad de Fefi.} \\ 72 - x \rightarrow \text{edad de Víctor.} \end{cases}$$

$$\otimes 2 \cdot (72 - x + 15) = x + 15$$

$$144 - 2x + 30 = x + 15$$

$$x = 53 \text{ años ; } 72 - 53 = 19 \text{ años}$$

Solución $\rightarrow \begin{cases} \text{Fefi tiene 53 años} \\ \text{Víctor tiene 19 años} \end{cases}$

17) PROPORCIONALIDAD NUMÉRICA.

a) Averigua la cuarta proporcional a 4, 9 y 15.

$$\left[\frac{4}{9} = \frac{15}{x} \right] \rightarrow 4x = 9 \cdot 15 \rightarrow x = 33'75$$

- b) \circ **NO** $\rightarrow \left[\frac{12}{15} \rightarrow \frac{12+3}{15+3} = \frac{15}{18} \neq \frac{12}{15} \right]$
- \circ **NO** $\rightarrow \left[\frac{12}{15} \rightarrow \frac{12-3}{15-3} = \frac{9}{12} \neq \frac{12}{15} \right]$
- \circ **SÍ** $\rightarrow \left[\frac{12}{15} \rightarrow \frac{12 \cdot 3}{15 \cdot 3} = \frac{36}{45} = \frac{12}{15} \right]$
- \circ **SÍ** $\rightarrow \left[\frac{12}{15} \rightarrow \frac{12 : 3}{15 : 3} = \frac{4}{5} = \frac{12}{15} \right]$

20) PORCENTAJES.

$$1^\circ) \begin{cases} \text{Valor Inicial } 1^\circ \rightarrow "x" \\ \text{Disminución Porcentual} = 10\% \Rightarrow \begin{cases} 0'9 \\ \text{F. de V.} \end{cases} \\ x \cdot 0'9 = 0'9x \end{cases}$$

$$2^\circ) \begin{cases} \text{Valor Inicial } 2^\circ \rightarrow "0'9x" \\ \text{Aumento Porcentual} = 5\% \Rightarrow \begin{cases} 1'05 \\ \text{F. de V.} \end{cases} \\ 0'9x \cdot 1'05 = 0'945x \end{cases}$$

$$3^\circ) \begin{cases} \text{Valor Inicial } 3^\circ \rightarrow "0'945x" \\ \text{Disminución Porcentual} = 20\% \Rightarrow \begin{cases} 0'80 \\ \text{F. de V.} \end{cases} \\ 0'945x \cdot 0'80 = 0'756x \end{cases}$$

\otimes Un Factor de Variación de 0'756 equivale a una bajada (rebaja) de un 24'4 %. Veamos:
 $(1 - 0'756) \cdot 100 = 24'4 \%$

Solución \rightarrow En realidad bajó el 24'4 %
 O sea, que si baja el 10 %, después sube el 5 % y después baja el 20 %, baja algo menos que si baja directamente el 25 %.

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

18) PROPORCIONES.

Calcula el valor de cada letra en las proporciones:

a) $\left[\frac{10}{6} = \frac{9}{m} \right] \rightarrow 10 \cdot m = 6 \cdot 9 \rightarrow m = 5'4$

b) $\left[\frac{x}{48} = \frac{3}{x} \right] \rightarrow \begin{cases} x \cdot x = 48 \cdot 3 \rightarrow x^2 = 144 \\ x = \sqrt{144} = \pm 12 \end{cases}$

19) REGLAS DE TRES SIMPLES.

⊗ Ajustes previos : $\begin{cases} 3/4 \text{ litro} = 750 \text{ cm}^3 \\ 1/2 \text{ dm}^3 = 500 \text{ cm}^3 \end{cases}$

$\left\{ \begin{array}{l} 1200 \text{ botellas} \dots\dots (\text{Inversa}) \dots\dots 750 \text{ cm}^3 \\ x \text{ botellas} \dots\dots\dots\dots\dots\dots 500 \text{ cm}^3 \end{array} \right\}$

$\left[\frac{1200}{x} = \frac{500}{750} \right] \rightarrow x = \frac{1200 \cdot 750}{500} = 1800$

Solución → Habrían llenado 1800 botellas.

21) NOTACIÓN CIENTÍFICA.

a) $0'0000000000000000000702584 = 7'02 \cdot 10^{-18}$

b) $6'45 \cdot 10^{15} = 6.450.000.000.000.000$

22) REPRESENTACIÓN GRÁFICA DE FUNCIONES LINEALES Y AFINES.

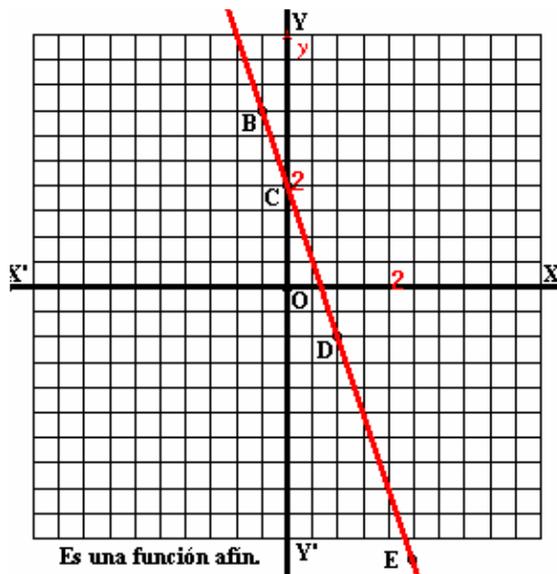
→ Ecuación de la función: $f(x) = 4 - 3x$

→ Valores a representar: -3, -1, 0, 2, 5.

CÁLCULO DE LOS VALORES

- Para " $x = -3$ " → $f(x) = 4 - 3 \cdot (-3) = 13$
- Para " $x = -1$ " → $f(x) = 4 - 3 \cdot (-1) = 7$
- Para " $x = 0$ " → $f(x) = 4 - 3 \cdot 0 = 4$
- Para " $x = 2$ " → $f(x) = 4 - 3 \cdot 2 = -2$
- Para " $x = 5$ " → $f(x) = 4 - 3 \cdot 5 = -11$

TABLA DE VALORES					
Puntos	A	B	C	D	E
x	-3	-1	0	2	5
y	13	7	4	-2	-11



23) DETECTAR ERRORES.

a) $9x - 3 = 6x$

ERRÓNEO, porque no son términos semejantes.

$9x - 3 = \begin{cases} 9x - 3 \\ 3(3x - 1) \end{cases}$

b) $(7a + 3b)^2 = 49a^2 + 9b^2$

MAL, porque una suma al cuadrado no da eso. Es una de las igualdades notables que se resuelve así:

$(7a + 3b)^2 = 49a^2 + 9b^2 + 42ab$

c) $\frac{4x - 5y}{3x} = \frac{4 - 5y}{3}$

FALSO, porque si hay sumas y/o restas no se puede simplificar de esa forma.

$\frac{4x - 5y}{3x} = \frac{4x}{3x} - \frac{5y}{3x} = \frac{4}{3} - \frac{5y}{3x}$

24) CUESTIONES. TEMAS 1 AL 6.

a) En forma de raíz, siendo el índice el n° que tenga de denominador y exponente del radicando el numerador. Ejemplos:

$\rightarrow 5^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{5^2} \rightarrow \sqrt{7} = 7^{\frac{1}{2}}$

b) Es la expresión que está en el radicando de la fórmula que sirve para resolverla, o sea :

$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

$b^2 - 4ac \rightarrow$ **Discriminante**

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

25) COMPLEJOS EN INCOMPLEJOS.

$$a) \begin{cases} 3 \text{ km} \rightarrow 3 \cdot 10000 = 30000 \text{ dm} \\ 6 \text{ dam} \rightarrow 6 \cdot 100 = 600 \text{ dm} \\ 1 \text{ m} \rightarrow 1 : 10 = 10 \text{ dm} \end{cases}$$

30.610 dm

$$b) \begin{cases} 5 \text{ Tm} \rightarrow 5 \cdot 1000 = 5000 \text{ kg} \\ 2 \text{ kg} \rightarrow 2 = 2 \text{ kg} \\ 7 \text{ hg} \rightarrow 7 : 10 = 0'7 \text{ kg} \end{cases}$$

5.002'7 kg

$$c) \begin{cases} 1 \text{ m}^2 \rightarrow 1 \cdot 10000 = 10000 \text{ cm}^2 \\ 5 \text{ dm}^2 \rightarrow 5 \cdot 100 = 500 \text{ cm}^2 \\ 4 \text{ cm}^2 \rightarrow 4 \text{ cm}^2 \end{cases}$$

10.504 cm²

26) RELACIONES ENTRE UNIDADES DE VOLUMEN, CAPACIDAD Y MASA.

a) ¿Cuántos dm³ ocupan 500 kl de agua pura?

$$\begin{cases} 500 \text{ kl} \rightarrow 500 \text{ m}^3 \\ 500 \text{ m}^3 \Rightarrow 500 \cdot 1000 = 500.000 \text{ dm}^3 \end{cases}$$

b) ¿Cuántos kg pesan 2300 mal de agua pura?

$$\begin{cases} 2300 \text{ mal} \rightarrow 2300 \cdot 10000 = 23.000.000 \text{ litros} \\ 23000000 \text{ litros} \Rightarrow 23.000.000 \text{ kg} \end{cases}$$

c) ¿Cuántos litros de capacidad tiene un líquido que ocupa un volumen de 0'03 hm³?

$$\begin{cases} 0'03 \text{ hm}^3 \Rightarrow 0'03 \cdot 1000000000 = 30000000 \text{ dm}^3 \\ 30000000 \text{ dm}^3 \rightarrow 30.000.000 \text{ litros} \end{cases}$$

27) ARITMÉTICA ELEMENTAL.

$$a) \begin{cases} 5 \cdot 415 = 2.075 \text{ €} \\ 300 \cdot 11'25 = 3375 \text{ €} \\ \text{Obtiene de la venta} \rightarrow 5.450 \text{ €} \\ 2 \cdot 850 = 1.700 \text{ €} \\ 5.450 - 1700 = 3.750 \text{ €} \\ 83.750 : 3 \text{ ordenadores} = 1.250 \text{ €} \\ S \rightarrow \text{Cada ordenador costó } 1.250 \text{ €} \end{cases}$$

b) $340 \cdot 7 = 2.380 \text{ metros} = 2'38 \text{ km}$

$S \rightarrow \begin{cases} \text{El foco de la tormenta está a} \\ \text{unos } 2'4 \text{ km, aproximadamente.} \end{cases}$

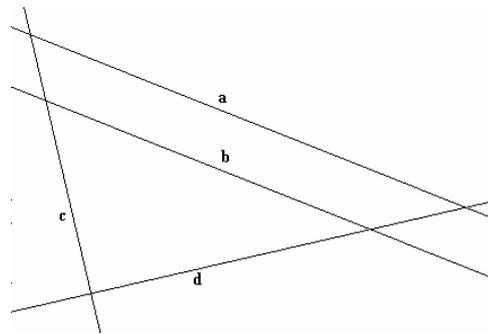
28) GEOMETRÍA PLANA. ÁNGULOS.

- a) 1ª) 57° y 124°.
 2ª) 12° 43' 7" y 167° 16' 53".
 3ª) 39° y 51°.
 4ª) 60° 25' 19" y 28° 45' 41".

Son complementarios los dos ángulos del apartado 3°, porque suman 90°.

Son suplementarios los dos ángulos del apartado 2°, porque suman 180°.

b) En el dibujo siguiente



Las rectas "a" y "b" son paralelas, porque por mucho que se prolonguen no se cortan.

Las rectas "c" y "d" son perpendiculares, porque se cortan formando un ángulo de 90°.

Las rectas "a" y "c", o "a" y "d", o "b" y "c", o "b" y "d", son secantes, porque se cortan en un punto, y no son ni paralelas ni perpendiculares.

28) GEOMETRÍA PLANA. ÁNGULOS.

- c) De 285° → ángulo cóncavo
 De 2° → ángulo agudo
 De 90° → ángulo recto
 De 104° → ángulo obtuso

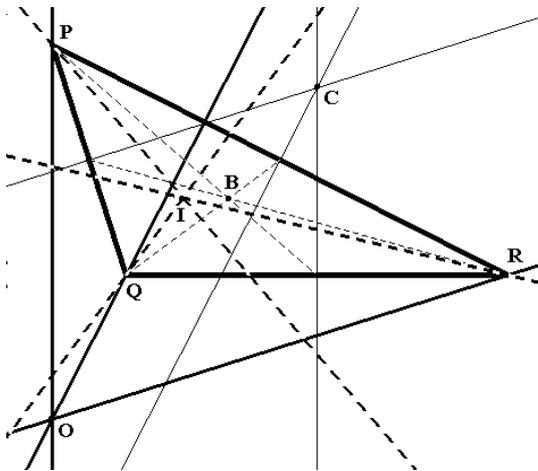
29) GEOMETRÍA PLANA. POLÍGONOS.

- a) Cuadriláteros
- De lados paralelos dos a dos :
 - Cuadrado, rectángulo, rombo y romboide.
 - De sólo dos lados paralelos :
 - Trapecios.
 - Sin lados paralelos :
 - Trapezoides.

b) No, porque suman 190° y deben sumar 180°.

c) En la figura siguiente:

El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.



El punto **O** es el **ortocentro**, donde se cortan las alturas. El punto **C** es el **circuncentro**, donde se cortan las mediatrices. El punto **I** es el **incentro**, donde se cortan las bisectrices. Y el punto **B** es el **baricentro**, donde se cortan las medianas.

30) GEOMETRÍA PLANA.

CIRCUNFERENCIA Y CÍRCULO.

c) Pues aplicando la fórmula de la longitud de una circunferencia, con lo que nos bastaría medir el radio.

$$L_{\text{Circunferencia}} = 2 \pi r$$

31) GEOMETRÍA PLANA. PROBLEMAS

SOBRE ÁREAS (sin teoremas).

Halla el área de estas figuras :

→ NOTA: Consideraremos las medidas en "cm".

$$A_{\text{Triángulo}} = \frac{b \cdot h}{2} = \frac{5'4 \cdot 4}{2} = 10'8 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{Cuadrado}} = l^2 = 9 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{Sector circ.}} = \frac{3'14 \cdot 2'7^2 \cdot 70}{360^\circ} = 4'45 \text{ cm}^2$$

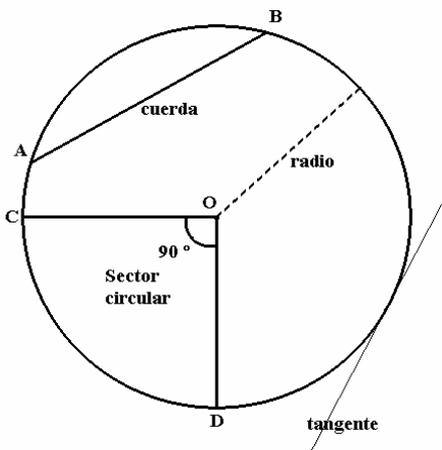
$$A_{\text{Pentágono}} = \frac{p \cdot a_p}{2} = \frac{5 \cdot 3'5 \cdot 2'4}{2} = 21 \text{ cm}^2$$

30) GEOMETRÍA PLANA.

CIRCUNFERENCIA Y CÍRCULO.

a) La circunferencia es una línea curva plana y cerrada cuyos puntos equidistan de uno interior llamado centro, y el círculo es la superficie plana contenida en esa línea curva. O sea, la circunferencia es el borde y el círculo el interior.

b) En la figura siguiente :



Como ya hemos comentando en algunas reflexiones, **gran parte de las cosas que tenemos no se echan de menos, ni se valoran, hasta que se pierden. Por ejemplo, un buen amigo.**

En general, la amistad suele nacer en la etapa infantil, adolescente o juvenil. Esos buenos amigos hechos desde la infancia o juventud son los que han vivido y compartido con nosotros aventuras, con los que hemos aprendido juntos y con los que hemos pasado tanto las penas como las alegrías.



Un amigo no es el que espera que sus amistades le hagan feliz, sino el que intenta hacer felices a sus amigos. **Ser amigo exige ser sensible**, por eso es importante cuidar a los pocos o los muchos que tengas, aquellos que son de verdad, aquellos que están más cercanos a nuestro espíritu, porque como tantos otros VALORES **la amistad no se encuentra precisamente en auge.**

El que de verdad ha sido antes buen amigo y por los motivos que sean deja de tenerlos, a buen seguro más tarde o más temprano volverá a hallarlos.

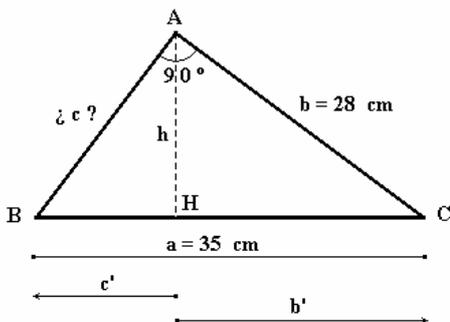
El amigo cabal es nuestro primer apoyo cuando nos tambaleamos y nuestro mejor crítico cuando nos equivocamos.



El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

32) GEOMETRÍA PLANA. TEOREMAS DE PITÁGORAS, DE LA ALTURA Y DEL CATETO.

Aplicando los tres teoremas, calcula lo que se pide en la siguiente figura :



Calcula lo siguiente:
 CATETO c ; PROYECCIONES b' , c' ;
 ALTURA h ; PERÍMETRO = $a + b + c$;
 ÁREA = $a \cdot h / 2$, o también: $b \cdot c / 2$

⊗ Aplicamos el TEOREMA DE PITÁGORAS:

$$c = \sqrt{a^2 - b^2} = \sqrt{35^2 - 28^2} = \sqrt{441} = 21 \text{ cm}$$

⊗ Aplicamos el TEOREMA DEL CATETO:

$$\left[\frac{a}{b} = \frac{b}{b'} \right] \rightarrow b' = \frac{28^2}{35} = \frac{784}{35} = 22'4 \text{ cm}$$

$$\left[\frac{a}{c} = \frac{c}{c'} \right] \rightarrow c' = \frac{c^2}{a} = \frac{441}{35} = 12'6 \text{ cm}$$

⊗ Aplicamos el TEOREMA DE LA ALTURA:

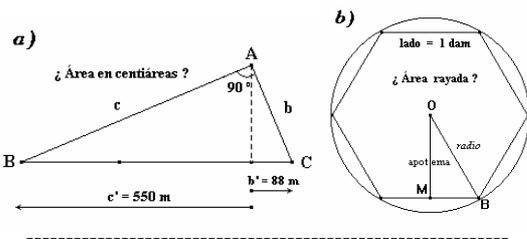
$$\left[\frac{b'}{h} = \frac{h}{c'} \right]; h = \sqrt{b' \cdot c'} = \sqrt{22'4 \cdot 12'6} = 16'8 \text{ cm}$$

⊗ Perímetro = $a + b + c = 35 + 28 + 21 = 84 \text{ cm}$

⊗ Área = $\frac{a \cdot h}{2} = \frac{35 \cdot 16'8}{2} = 294 \text{ cm}^2$

33) GEOMETRÍA PLANA. PROBLEMAS SOBRE ÁREAS Y TEOREMAS.

Calcula lo que piden en cada figura:



a) En el triángulo ABC.

⊗ Aplicamos el TEOREMA DE LA ALTURA:

$$\left[\frac{b'}{h} = \frac{h}{c'} \right]; h = \sqrt{b' \cdot c'} = \sqrt{550 \cdot 88} = 220 \text{ m}$$

⊗ Área = $\frac{a \cdot h}{2} = \frac{638 \cdot 220}{2} = 70.180 \text{ m}^2$

b) En el hexágono.

⊗ Como el lado de un hexágono regular es igual al radio, aplicamos el TEOREMA DE PITÁGORAS en el triángulito OMB para calcular la apotema:

$$a_p = \sqrt{r^2 - MB^2} = \sqrt{1^2 - 0'5^2} = \sqrt{0'75} = 0'86 \dots$$

⊗ $A_{\text{hexágono}} = \frac{P \cdot a_p}{2} = \frac{6 \cdot 1 \cdot 0'86}{2} = 2'58 \text{ dam}^2$

⊗ $A_{\text{círculo}} = \pi \cdot r^2 = 3'14 \cdot 1^2 = 3'14 \text{ dam}^2$

⊗ $A_{\text{RAYADA}} = 3'14 - 2'58 = 0'56 \text{ dam}^2$

34) GEOMETRÍA PLANA. Construcciones.

Ver la página 84 de este libro.



Podríamos decir que dentro de las cosas más importantes de la vida de cualquier persona está la salud y el sentirse a gusto consigo mismo.

Por ello sería necesario que ya desde bien pequeños se reforzara mucho más la educación en la salud y en la autoestima. Cuando uno dispone de estas dos cosas tiene más empatía, más preparación, más constancia y más éxito en sus objetivos, aplica en su vida el refrán de que "a mal tiempo buena cara" y sabe "estar a las duras y a las maduras".



Sin lugar a dudas, a lo largo de las diversas etapas de nuestra vida, todo el mundo tiene obstáculos, trabas, cortapisas, incertidumbres, problemas, etc., unos de mayor importancia y otros de menor, pero lo que ya no dispone todo el mundo es de una buena educación, formación y personalidad equilibrada que le doten de un espíritu luchador contra todas esas adversidades.

Si en la vida has aprendido a afrontar poco a poco las dificultades, esas experiencias te darán la ilusión para enfrentarte a otras nuevas, te dotarán de resistencia ante el inevitable empuje de la pereza y la comodidad y te ayudarán a esforzarte cada día más en hacer las cosas lo mejor posible.

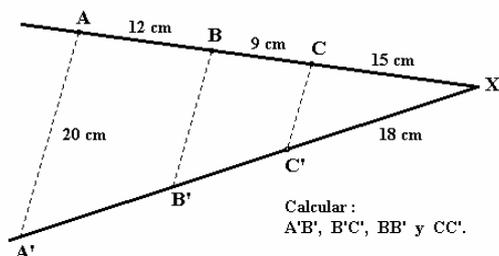


El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

35) FÓRMULAS.

Allá por los años 1964 a 1968, cuando yo estudiaba los cursos 3º, 4º, 5º, 6º y PREU del antiguo Bachillerato, muchos estudiantes usábamos frecuentemente este método para aprendernos muchas cosas. Y ciertamente nos daba buenos resultados. Si no lo has practicado, te aconsejo que lo hagas durante un mes o dos en algunas asignaturas para aprenderte de memoria cosas no muy largas; si lo haces con interés y eres constante, seguro que te sorprendes de los logros que llegarás a tener. ¡ MUCHO ÁNIMO !

36) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. SEMEJANZA Y TEOREMA DE THALES.
Calcula lo que se pide en la figura :

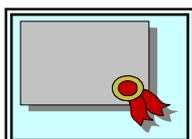


Imagina, aunque sólo sea un momento, **que tu padre te escribiera la siguiente carta:**



Tus esfuerzos de las últimas semanas han conseguido tres alegrías:

- 1ª) La tuya, y más importante, porque has sacado rendimiento y fruto a tu sacrificio y a tu esfuerzo. Sigue y no te abandones.
- 2ª) La de mamá, que se ha puesto muy contenta al saber que has sido capaz de superarte y recuperar los suspensos.
- 3ª) La mía, que me hace dichoso al ver que has mejorado bastante tus calificaciones anteriores.
- 4ª) Ahora sólo queda mantener el esfuerzo, el sacrificio y aumentar las horas de trabajo para que llegues a la meta con unos resultados buenos y no pierdas lo ya adquirido. **¡ÁNIMO!**



¿ Te gustaría ? ¿ Qué sentirías ?



Ajuste Inicial $\rightarrow AX = 12 + 9 + 15 = 36 \text{ cm}$

⊗ Aplicamos el teorema de Thales:

$$\left[\frac{15}{18} = \frac{36}{A'X} \right] \rightarrow A'X = \frac{18 \cdot 36}{15} = 43'2 \text{ cm}$$

$$\left[\frac{15}{18} = \frac{24}{B'X} \right] \rightarrow B'X = \frac{18 \cdot 24}{15} = 28'8 \text{ cm}$$

$$A'B' = A'X - B'X = 43'2 - 28'8 = 14'4 \text{ cm}$$

$$B'C' = B'X - C'X = 28'8 - 18 = 10'8 \text{ cm}$$

$$\left[\frac{36}{28'8} = \frac{20}{BB'} \right] \rightarrow BB' = \frac{28'8 \cdot 20}{36} = 16 \text{ cm}$$

$$\left[\frac{36}{15} = \frac{20}{CC'} \right] \rightarrow CC' = \frac{15 \cdot 20}{36} = 8'3... \text{ cm}$$

37) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. PLANOS Y ESCALAS.

a) $\left[\frac{1}{25000000} = \frac{7'6}{x} \right] \rightarrow x = 190000000 \text{ cm}$

190000000 cm \rightarrow 190000000 : 100000 = 1900 km

Solución : En la realidad hay 1.900 km.

b) 22'5 m \rightarrow 22'5 . 100 = 2250 cm

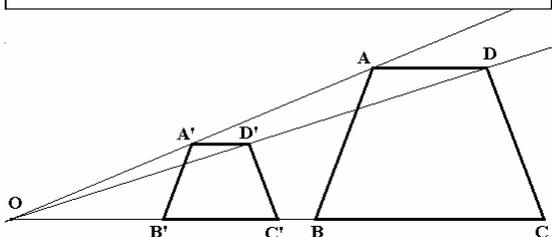
$$\left\{ \begin{array}{l} 4'5 \text{ cm} \dots\dots\dots 2250 \text{ cm} \\ 1 \dots\dots\dots x \end{array} \right\}$$

$$x = \frac{1 \cdot 2250}{4'5} = 500$$

Solución : El plano está a escala $\frac{1}{500}$.

38) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. HOMOTECIAS.

Realizado en el dibujo siguiente. Ten en cuenta que las medidas no son reales como se indican, sino a escala 1 : ????



El futuro se construye labrando el presente, y ese presente necesita muchas veces de interés, esfuerzo y sacrificio para poder labrarlo.

39) PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA. PROBLEMAS.

⊗ Ajustes previos :

$$\left\{ \begin{array}{l} 1'75 \text{ dm} \rightarrow 1'75 \cdot 10 = 17'5 \text{ cm} \\ 140 \text{ mm} \rightarrow 140 : 10 = 14 \text{ cm} \end{array} \right\}$$

⊗ Aplicamos el teorema de Pitágoras para calcular el otro cateto :

$$\text{cateto } 2^\circ = \sqrt{17'5^2 - 14^2} = 10'5 \text{ cm}$$

⊗ Averiguamos el área de este triángulo :

$$\text{Área} = \frac{\text{cateto } 1 \cdot \text{cateto } 2}{2} = \frac{14 \cdot 10'5}{2} = 73'5 \text{ cm}^2$$

⊗ Como la razón de las áreas es igual al cuadrado de la razón de semejanza, hallamos la razón de semejanza :

$$\mathbf{r}_{\text{áreas}} = (\mathbf{r}_{\text{semejanza}})^2; \mathbf{r}_{\text{semejanza}} = \sqrt{\mathbf{r}_{\text{áreas}}}$$

$$\otimes \sqrt{\frac{73'5}{24}} = \sqrt{3'0625} = 1'75 \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{razón de} \\ \text{semejanza} \end{array} \right.$$

⊗ Y, por último, calculamos el perímetro del segundo triángulo, una vez conocidos el perímetro del primero y la razón de semejanza :

$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{42}{p_2} = 1'75 \Rightarrow p_2 = 24 \text{ cm}$$

S : El perímetro pedido es 24 cm.

40) CUESTIONES SOBRE TEMAS 7 AL 11.

Contestado a continuación :

40 "a")

MAGNITUD	MÚLTIPLOS					UP	SUBMÚLTIPLOS			
Capacidad		mal	kl	hl	dal	l	dl	cl	ml	
Masa	tm	qm	mag	kg	hg	dag	g	dg	mg	
Longitud		mam	km	hm	dam	m	dm	cm	mm	
Superficie		mam ²	km ²	hm ²	dam ²	m ²	dm ²	cm ²	mm ²	
Volumen		mam ³	km ³	hm ³	dam ³	m ³	dm ³	cm ³	mm ³	

40 "b")

Una bisectriz es la semirrecta que divide a un ángulo en dos partes iguales y pasa por su vértice.

Una mediatriz es la recta perpendicular a un segmento que pasa por su punto medio.

40 "c")

$$\mathbf{A}_{\text{Círculo}} = \pi \cdot r^2$$

$$\mathbf{A}_{\text{Sector circular}} = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot n^\circ}{360^\circ}$$

$$\mathbf{A}_{\text{Corona circular}} = \pi \cdot r^2 - \pi \cdot r'^2$$

$$\mathbf{A}_{\text{Segmento Circular}} = \mathbf{A}_{\text{Sector}} - \mathbf{A}_{\text{Triángulo}}$$

40 "d")

$$\text{Fórmula general : } \mathbf{a}^2 = \mathbf{b}^2 + \mathbf{c}^2$$

⊗ Para calcular la hipotenusa "a" :

$$\mathbf{a} = \sqrt{\mathbf{b}^2 + \mathbf{c}^2}$$

⊗ Para calcular el cateto "b" :

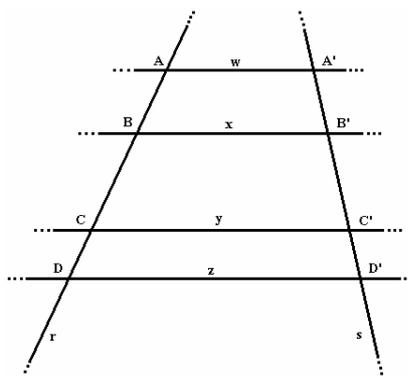
$$\mathbf{b} = \sqrt{\mathbf{a}^2 - \mathbf{c}^2}$$

⊗ Para calcular el cateto "c" :

$$\mathbf{c} = \sqrt{\mathbf{a}^2 - \mathbf{b}^2}$$

40 "e")

Si dos rectas secantes ("r", "s") son cortadas por varias paralelas ("w", "x", "y", "z", etc.), los segmentos que determinan sobre una de las rectas secantes ("r") son proporcionales a los segmentos que determinan en la otra secante ("s").



40 "f")

A) **PRIMER CASO:** dos triángulos son semejantes si tienen dos de sus ángulos iguales.

B) **SEGUNDO CASO:** dos triángulos son semejantes si tienen dos de sus lados proporcionales e igual el ángulo comprendido entre ellos.

C) **TERCER CASO :** dos triángulos son semejantes si tienen sus tres lados proporcionales.